La physique de la Terre V

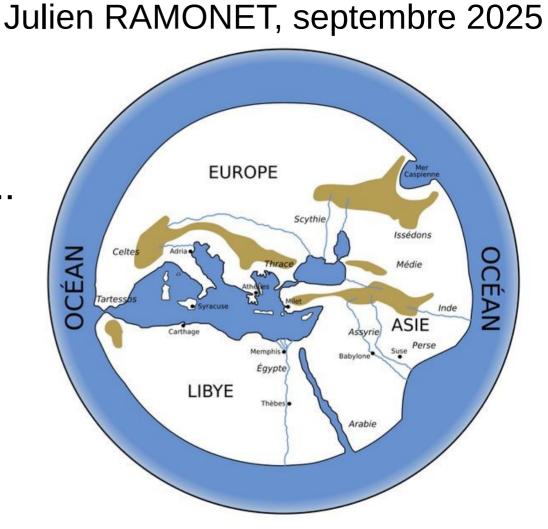
Non, la Terre n'est pas plate...

Mais elle n'est pas

Mais elle n'est pas sphérique non plus!

Notions utilisées :

- 1. Introduction
- 7. Mécanique classique
- 17. Physique de la Terre (1)
- 18. Physique de la Terre (2)
- 19. Physique de la Terre (3)



Pourquoi c'est différent de l'étude des missions lunaires Apollo

- Propriétés physiques testables d'un objet
 - On peut le constater / mesurer soi-même !
- Apollo = étude de la crédibilité / véracité d'un événement historique (certes très technique) invérifiable en pratique par qui le voudrait
- Il est donc absurde et / ou malhonnête de faire l'amalgame entre les sceptiques...

LA ROTATION DE LA TERRE



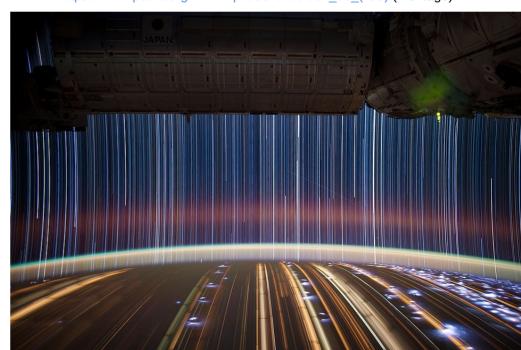
Inception, Christopher Nolan, 2010

Jour / nuit

- Le mouvement apparent du soleil (et donc l'alternance de jours et de nuits) indique nécessairement une rotation de la Terre sur elle-même
 - Maintenant qu'on a abandonné l'idée que c'est l'Univers qui tourne autour de la Terre...
- De même que le mouvement apparent des étoiles la nuit → « filé d'étoiles »



Les Visiteurs, Jean-Marie Poiré, 1993

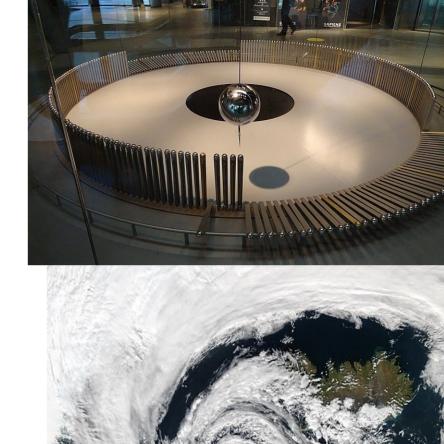


https://fr.wikipedia.org/wiki/Exp%C3%A9dition 30 (ISS) (montage)

Le pendule de Foucault

« Vous êtes invités à venir voir la Terre tourner »

- Léon Foucault : inventa le gyroscope et détermina que v=c/n
- Destiné à mettre en évidence la **rotation de la Terre** (= **référentiel non galiléen**)
 - Mesure « intrinsèque » décorrélée de toute observation astronomique
- Le plan d'oscillation d'un pendule tourne lentement autour de la verticale en raison de la rotation de la Terre, qui entraîne l'apparition de la « force de Coriolis »
 - = « force inertielle » = force apparente perçue dans un référentiel non inertiel / galiléen, en raison d'une accélération (translation ou rotation)
 - Pas une vraie force : force fictive



Pour les dépressions atmosphériques mais pas les baignoires...

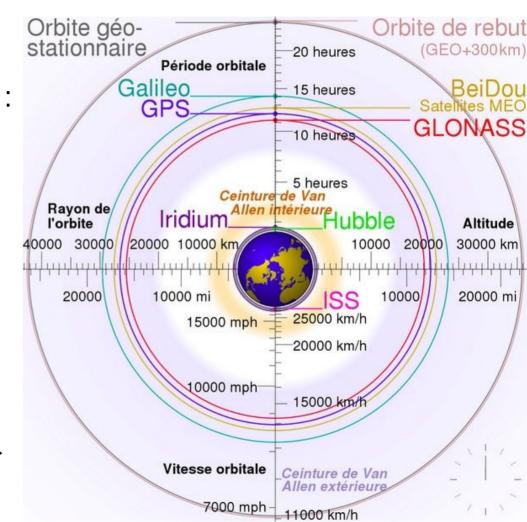
Satellites géostationnaires

• Un satellite à la distance r du centre de la Terre a une vitesse définie par :

Force centrifuge = attraction gravitationnelle, soit

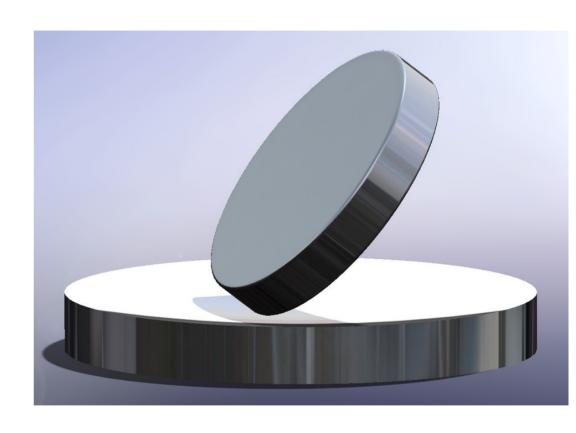
$$\frac{GMm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$$

- Il ne peut pas être immobile, il doit être en « chute libre » (sur une « géodésique » en RG)
- Un satellite géostationnaire a une période égale à celle de rotation de la Terre (jour sidéral = 23h56m4s) → r = 42200 km, altitude = 35800 km



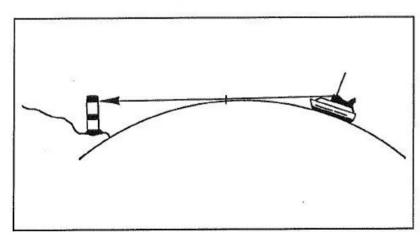
Mais...

Ça prouve que la Terre tourne, pas qu'elle est sphérique...



Disque d'Euler

LA SPHÉRICITÉ DE LA TERRE



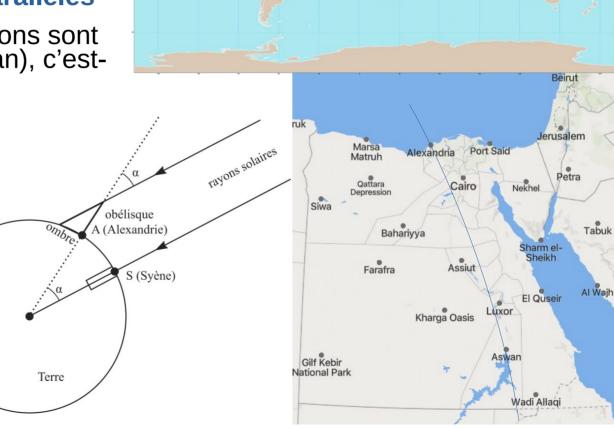
Portée d'un phare



Parc éolien offshore de Thorntonbank, à 28 km des côtes belges en mer du Nord

Rayon de la Terre

- Mesure par Ératosthène au III^e siècle avant J.-C.
- Hypothèse : rayons du Soleil parallèles
- Le jour du **solstice d'été**, les rayons sont verticaux à midi à Syène (Assouan), c'est-à-dire sur le tropique du Cancer
- À Alexandrie, les rayons sont inclinés de 1/50° de cercle
- Donc la circonférence de la terre est 50 fois la distance Syène-Alexandrie
- → Longueur du méridien =
 39 500 km, r = 6 286 km
- Précision de 2 %!

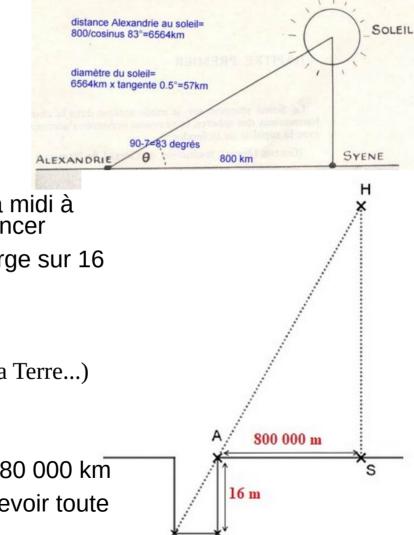


Modèle d'Anaxagore

- Mais! Autre possibilité géométrique...
- Deux siècles avant Érathostène
- Anaxagore (-500 ; -428) avait entendu que :
 - Le jour du solstice d'été, les rayons sont verticaux à midi à Syène (Assouan), c'est-à-dire sur le tropique du Cancer
 - Les rayons du Soleil éclairent un puits de 2 m de large sur 16 m de profondeur à Alexandrie (800 km de là)
- Théorème de Thalès : (HS) // (AR) = verticales

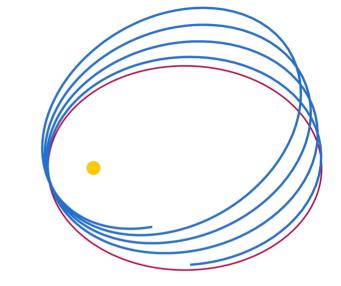
$$\frac{HS}{AR} = \frac{AS}{PR} \Rightarrow HS = \frac{AR}{PR} \times AS = \frac{16}{2} \times 800 = 6400 \text{ km} \text{ (= rayon de la Terre...)}$$

- Géométriquement possible mais il faudrait revoir :
 - Mouvements des planètes, distance Terre-Lune = 380 000 km
 - Soleil: 0,5° → taille = 57 km << 6400 km → il faut revoir toute la physique nucléaire et ses applications...



Avance du périhélie de Mercure

- L'orbite de Mercure (et des autres planètes) n'est pas parfaitement elliptique : la position du périhélie (point le plus proche du Soleil) « avance » à chaque orbite
- Cette avance est mesurée par Le Verrier en 1859 : $\phi_{exp} = 574.8 \pm 0.4$ sec. / siècle
- Inexplicable par la mécanique classique : $\phi_{\text{Newton}} = 531,7 \pm 0,2 \text{ sec.} / \text{siècle (avec prise en compte de l'aplatissement du Soleil aux pôles)}$



- $\Delta \phi_{\text{Newton}} = 43.1 \pm 0.4 \text{ sec.} / \text{siècle}$
- La RG donne:

$$\Delta \varphi = \frac{6 \pi G M_{\odot}}{a (1 - e^2) c^2}$$

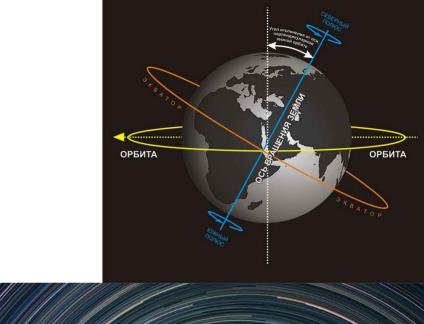
- $\Delta \phi_{RG} = 0.07 \pm 0.45$
- Preuve du modèle héliocentrique

- $\Delta \phi$ = avance du périhélie par orbite
- G : constante de la gravitation universelle
- M : masse du Soleil
- a : demi-grand axe de l'orbite de Mercure
 = 57 900 000 km
- e : excentricité de l'orbite de Mercure
- c : vitesse de la lumière



Filés d'étoiles

- Un « filé d'étoiles » en cercles indique la direction de l'axe de rotation
- Si on peut le voir, c'est qu'on n'est ni
 - Parallèle (allongé sur une Terre plate) : sinon on ne verrait que des traces parallèles
 - Perpendiculaire (debout sur une terre plate) : on ne verrait que des 1/2 cercles





L'Occident et l'Orient

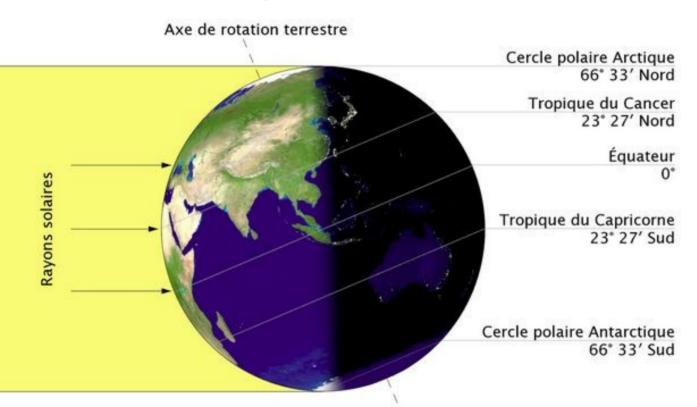


Est = « levant »

08/09/2024 à 10:35 (Local) - UTC +120min

- Le Soleil passe au Japon avant le RU → ils sont en avance sur UTC → il est plus tard → + n heures
- Le Soleil passe au Mexique après le RU → ils sont en retard sur UTC → il est plus tôt → n heures

La journée / nuit de 6 mois





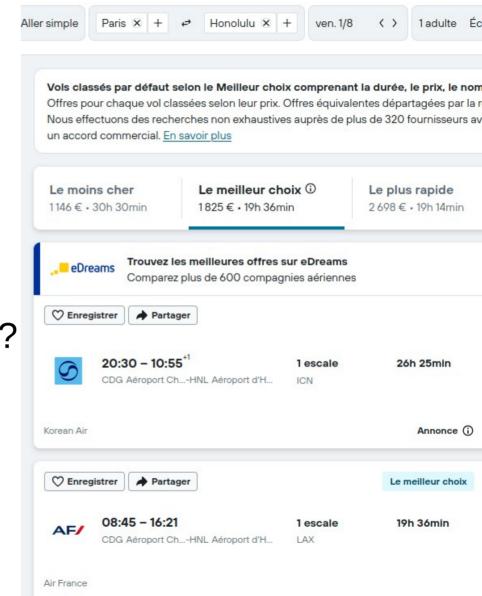
https://www.the-final-experiment.com/

Rotondité + inclinaison / écliptique = jour et nuit de 6 mois

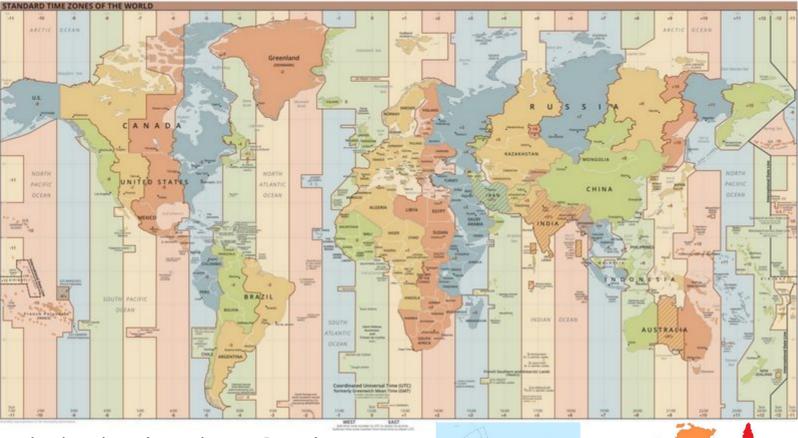
(Au-delà du cercle polaire, au moins une fois le soleil de minuit dans l'année)

Vols vers l'Est et l'Ouest

- Paris-Honolulu : on peut passer par Séoul ou Los Angeles...
- Quelle géométrie de Terre permet cela, sinon la sphérique ?
- (avec une boussole pour vérifier qu'on va bien vers l'Est ou vers l'Ouest!)



Fuseaux horaires



- 1884 : but = homogénéiser les horaires des trains au Canada
 - → Facilite les échanges internationaux
 - Décalage (dé)croissant d'un nombre entier d'heures / UTC
 - Mais quelques exceptions : Afghanistan, Inde, Iran, Népal, Sri Lanka, ...
- L'heure en France couvre 12 fuseaux horaires (13 avec la Terre Adélie) = record du monde!



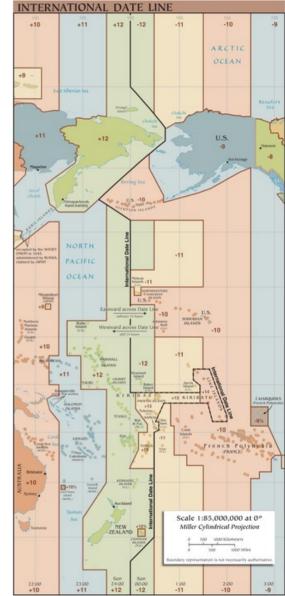
La ligne de changement de date

- Que se passe-t-il de l'« autre côté de la Terre », où on obtient + 12h vers l'Est et – 12h vers l'Ouest par rapport à l'UTC ?
- Même heure au Soleil mais 24h de différence
- Ligne de changement de date = ligne brisée circulant autour du 180e

 - méridien (Est = Ouest)

 → indique l'endroit où la date change

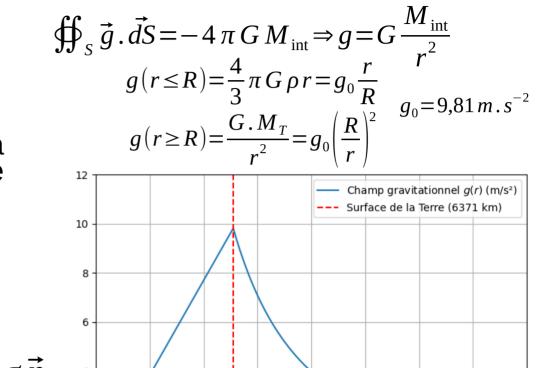
 → 2 endroits proches peuvent avoir 2 dates différentes



Théorème de Gauss:

- R = 6371 km

- À l'intérieur d'une Terre sphérique :
- À l'extérieur d'une Terre sphérique : la même que si toute la masse de la Terre était concentrée en son centre Valeurs : - G = 6.67 x 10⁻¹¹ m³.kg⁻¹.s⁻² $-M_T = 5.972 \times 10^{24} \text{ kg}$
 - \rightarrow g = 9,81 m.s⁻² $\vec{q} = -2\pi G \sigma \vec{n}$ • Terre plate (infinie) : σ : masse sùrfacique = $\rho x h$ $- \rho \approx 5.5 \times 10^3 \text{ kg / m}^3$
- Pas très plat ! $h = \frac{g}{2\pi \rho G} \approx 4200 \text{ km}$



2500

5000

7500

10000

Distance au centre de la Terre (km)

Courbe : chatGPT (Python)

15000

17500

20000

12500

Agartha

- = théorie d'une Terre creuse
- Mais! Le théorème de Gauss implique une absence de gravité à l'intérieur d'une Terre en coquille (« couronne sphérique »)

$$\oint_{S} \vec{g} \cdot \vec{dS} = -4\pi G M_{int}$$
• Avec M_{int} = 0 \rightarrow g = 0



Godzilla x Kong: Le Nouvel Empire, Adam Wingard (2024)



Le pendule de Foucault (2)

- On considère un référentiel R' en rotation / à un référentiel R (= non galiléen) : vecteur $\vec{\Omega} \rightarrow \text{Formule de Bour} : \left(\frac{d\vec{A}}{dt}\right)_{D} = \left(\frac{d\vec{A}}{dt}\right)_{D} + \vec{\Omega} \wedge \vec{A}$
- Expression de l'accélération dans un référentiel tournant :

$$\frac{\mathrm{d}^2\vec{r}}{\mathrm{d}t^2} = \frac{\partial^2\vec{r}}{\partial t^2} + \frac{\partial\vec{\Omega}}{\partial t}\wedge\vec{r} + 2\vec{\Omega}\wedge\frac{\partial\vec{r}}{\partial t} + \vec{\Omega}\wedge(\vec{\Omega}\wedge\vec{r})$$
 accélération absolue = accélération relative + accélération tangentielle + accélération de Coriolis + accélération centripète

Accélération de Coriolis

$$\vec{a}_C = -2\vec{\Omega} \wedge \vec{v}$$

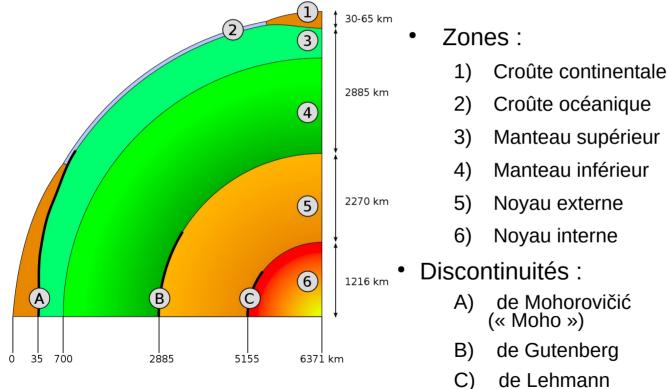
- On note θ la latitude : $z(t) = e^{-i\Omega\sin\theta t} \left[z_0 \left(\cos(\omega_0 t) + i\frac{\Omega\sin\theta}{\omega_0} \sin(\omega_0 t) \right) + \frac{\dot{z_0}}{\omega_0} \sin(\omega_0 t) \right]$
- Période de précession du pendule :

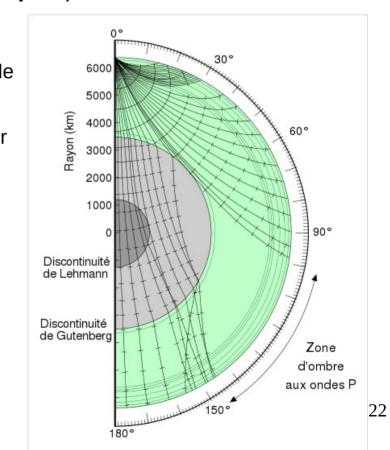
$$T = \frac{2\pi}{\Omega_T \sin \theta} = \frac{24 \, h}{\sin \theta}$$

Valeurs mesurées à Paris (32h), Sydney (43h) et au pôle Sud (24h) en accord avec la théorie (Équateur $\rightarrow \infty$)

Discontinuités

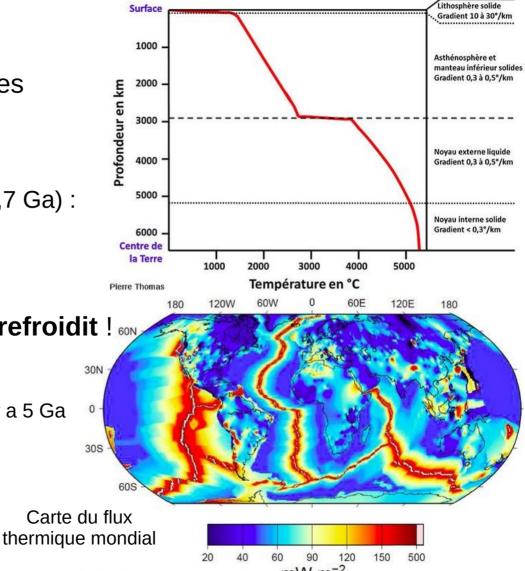
- Discontinuité = frontière entre deux zones aux propriétés très différentes
 - Ce sont en général des discontinuités sismiques (différence de vitesses sismiques) → Réfraction





La radioactivité

- **Désintégration radioactives** = principales sources de chaleur qui maintiennent les températures du manteau terrestre :
 - Thorium $(T_{1/2}(^{232}Th)= 14 Ga): 44 \%$
 - Uranium $(T_{1/2}(^{238}U) = 4,5 \text{ Ga}, T_{1/2}(^{235}U) = 0,7 \text{ Ga})$: 39% / 2%
 - Potassium $(T_{1/2}(^{40}K) = 1,2 Ga) : 15 \%$
 - ~ 20 TW (20 000 centrales nucléaires)
- Or émissions d'environ 45 TW : la Terre refroidit ! DON
 - Sans radioactivité, la Terre serait une planète morte
 - Les petits astéroïdes et comètes ont gelé il y a 5 Ga
 - gros astéroïdes ont gelé il y a 4 Ga
 - Lune a gelé il y a 3 Ga
 - Mars a gelé il y a 1 Ga



http://www.astronoo.com/fr/articles/radioactivite-terrestre.html https://planet-terre.ens-lyon.fr/ressource/chaleur-Terre-geothermie.xml

Le champ magnétique terrestre

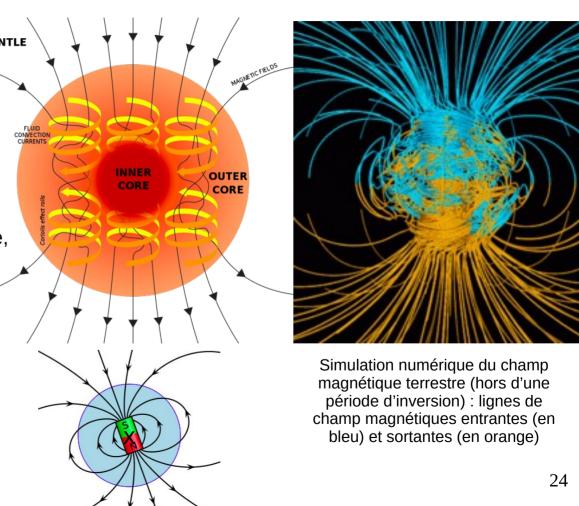
Existe depuis ~ 3,5 Ga

 Généré par des courants électriques dans le noyau externe (liquide), entretenus par des phénomènes de convection dus

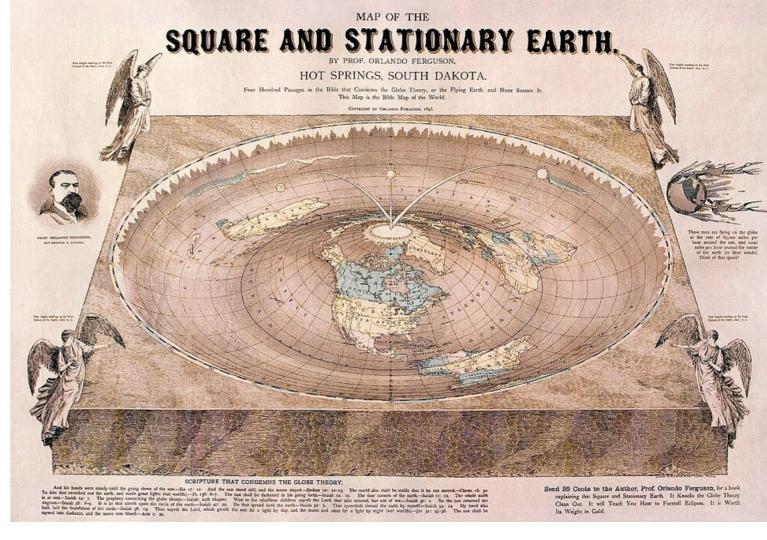
 Au refroidissement en périphérie (convection « thermique »)

À la solidification au voisinage de la graine, qui modifie la composition du liquide (différence de densité → poussée d'Archimède → convection « compositionnelle »)

- Semblable en première approximation au champ d'un aimant
 - Point central à quelques centaines de kilomètres du centre de la Terre



LES PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE



La force centrifuge

- Autre exemple de force fictive
- Force radiale dirigée vers l'extérieur, souvent compensée par force centripète



- Voiture, train: 0,n g
- Avion de chasse: -4/9 g
- Centrifugeuse: 12 g
- Machine à laver : 500 g
- Centrifugeuse à U : 100 000 1 000 000 g



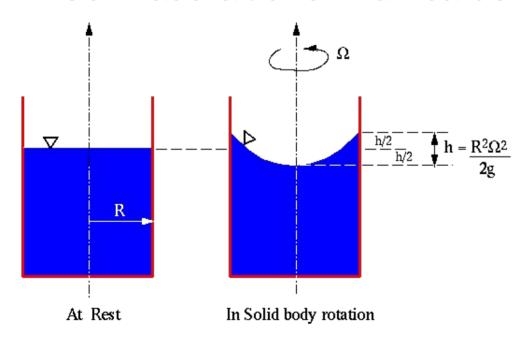
$$\vec{a} = \omega^2 R \, \vec{e_r} = \frac{V^2}{R} \, \vec{e_r}$$





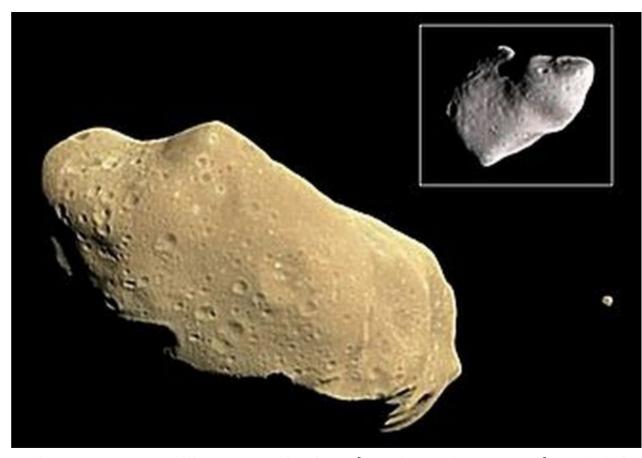
Que se passe-t-il au bord ?

- Pourquoi n'y a-t-il pas de photos ?
- Force centrifuge → les océans devraient déborder !
 - Ou il faudrait une « rambarde »





ET LES AUTRES PLANÈTES ?



Ida et son satellite Dactyle (astéroïde et lune astéroïdale)

Autres planètes

- La **sphéricité** fait partie de la définition d'une planète : masse suffisante pour atteindre un **équilibre hydrostatique**
- La Terre serait donc la seule « planète » non ~sphérique ?
- (Seule la Lune présente la même face mais c'est dû à des effets de marée provoqués par la Terre, voir les émissions sur la Lune)





POURQUOI?







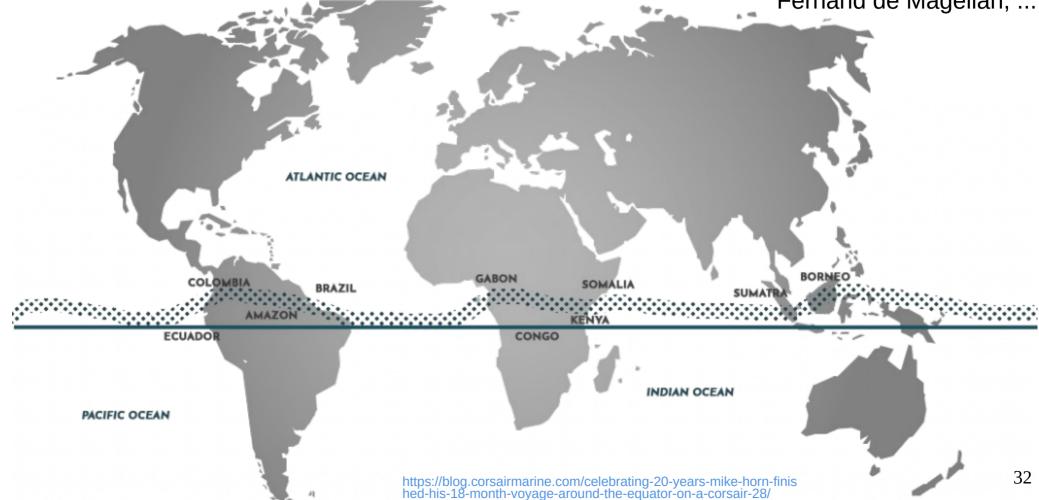


« « Complotisme » »

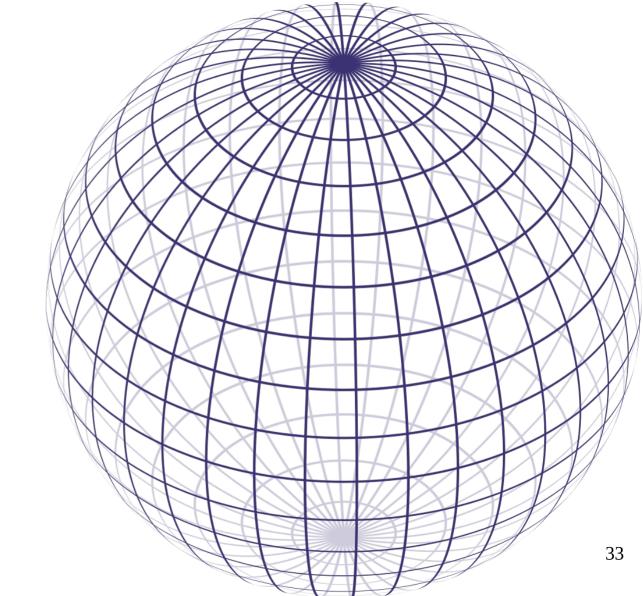
- Dans la théorie de la Terre plate, le complot est indispensable
- Mais il faut un complot à très grande échelle! Et depuis très longtemps!
 - Physiciens & astronomes
 - Géologues, concepteurs de cartes et de GPS
 - Pilotes, industrie aéronautique, astronautes, explorateurs
 - Et même moi...
 - Quel serait leur intérêt ??
- Problème vis-à-vis du rasoir d'Ockham car pas parcimonieux du tout : des millions de personnes de disciplines variées

Latitude 0 de Mike Horn

Et Christophe Colomb, Amerigo Vespucci, Fernand de Magellan, ...



PAS TOUT A FAIT SPHÉRIQUE...



Aplatissement aux pôles

- Premier à l'envisager : Huyghens au XVII^e
- Force centrifuge → aplatissement aux pôles
- $r_{\text{éq}} \approx 6378 \text{ km}, r_{\text{pol}} \approx 6357 \text{ km}$

$$f = \frac{r_{\acute{e}quatorial} - r_{polaire}}{r_{\acute{e}quatorial}} \approx \frac{1}{300}$$

- Calcul de Huyghens : $f \approx 1/230$
- Des expéditions au XVIII^e au Pérou et en Laponie confirment la réalité du phénomène



Miroir, dis-moi qui est la plus haute...

- Everest (Népal) :
 - 8 849 m au-dessus du niveau de la mer et 6 382,605 km du centre de la Terre
- Chimborazo (Équateur) :
 - 6 263 m au-dessus du niveau de la mer et 6 384,416 km du centre de la Terre

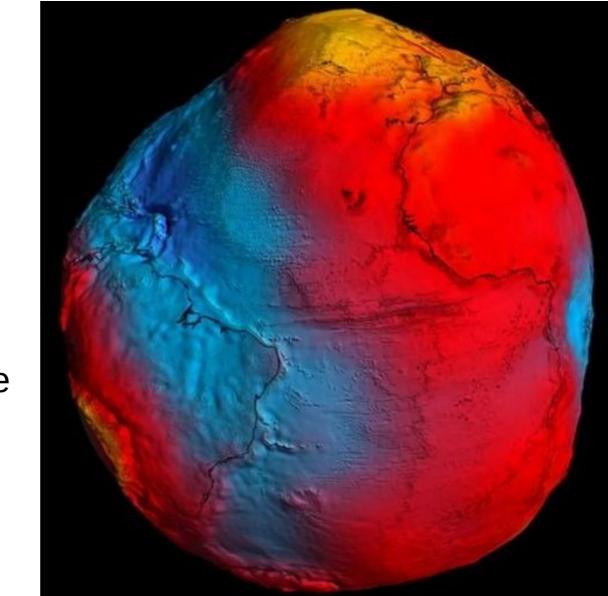


demonewsnepal.blogspot.com/2016/05/blog-post_503.html



GOCE

- Gravity field and steadystate Ocean Circulation Explorer
- Satellite scientifique de l'ESA (2009-2013)
- <u>But</u>: mesurer le champ gravitationnel (géoïde) de la Terre avec une résolution de 2 cm

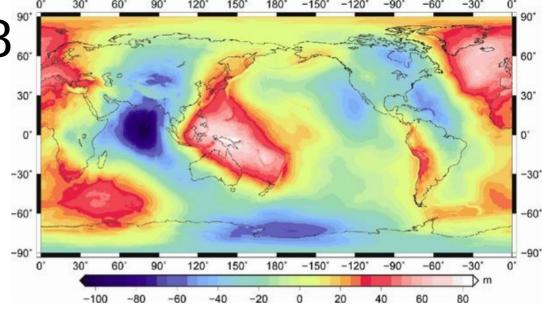


Le modèle EGM 2008

- Earth Gravitational Model
- Modélisation de la forme de la Terre en harmoniques sphériques
- → géoïdes = surfaces équipotentielles
- N > 2000 coefficients
- On attend l'EGM 2020...
- Potentiel gravitationnel V :

$$V(r,\theta,\lambda) = \frac{GM}{r} \left[1 + \sum_{n=2}^{N} \left(\frac{a}{r} \right)^{n} \sum_{m=-n}^{n} \overline{C}_{nm}^{S} \overline{Y}_{nm}(\theta,\lambda) \right]$$

$$\bar{Y}_{nm}(\theta,\lambda) = \bar{P}_{n|m|}\cos(\theta) \cdot \begin{cases} \cos(m\lambda) & \text{si } m \ge 0 \\ \sin(|m|\lambda) & \text{si } m < 0 \end{cases}$$



r : distance au centre de la Terre

a : rayon de référence de la Terre

 θ : colatitude (angle depuis le pôle Nord)

λ: longitude

C_{nm} : coefficients des harmoniques sphériques

P_{nm}: polynômes de Legendre

À faire soi-même

- Mesurer l'ombre d'un bâton à Metz et à Brest (à la même heure !)
- Appeler un ami à Anchorage / New York / Moscou / Tokyo / Sydney et voir qu'il peut y faire nuit alors qu'il fait jour ici
- Prendre l'avion vers l'Est ou l'Ouest pour aller à Hawaï (avec une boussole)
- Prendre une photo longue exposition la nuit et voir le filé d'étoiles
- Aller voir la nuit / la journée de 6 mois
- Aller voir le soleil de minuit dans le grand Nord
- Aller voir la voûte céleste de l'hémisphère Sud
- Emporter son pendule de Foucault sous plusieurs latitudes
- Refaire le parcours de Mike Horn